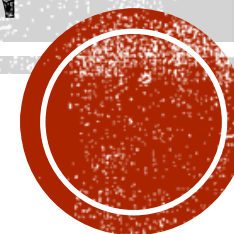


# ЯЗЫКИ ПРОГРАММИРОВАНИЯ И МЕТОДЫ ТРАНСЛЯЦИИ

Лекции 1-2

*9 февраля 2018 г.*



# ПОСТРОЕНИЕ АМП

## Непростая грамматика

1.  $S \rightarrow ASB$
2.  $S \rightarrow \epsilon$
3.  $A \rightarrow a$
4.  $B \rightarrow b$

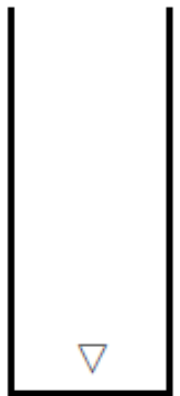
- Как построить АМП для непростых грамматик?
- Можно ли это сделать автоматически?

## Автомат с магазинной памятью

$s_1$	a	b	$\epsilon$
X	Push (X) Advance	Pop Advance	Reject
$\nabla$	Push (X) Advance	Reject	Accept

$s_2$	a	b	$\epsilon$
X	Reject	Pop Advance	Reject
$\nabla$	Reject	Reject	Accept

## Магазин



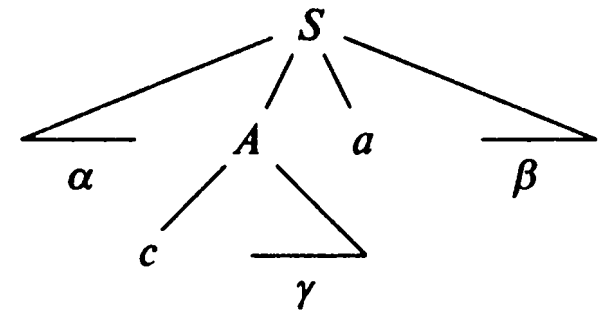
Initial  
Stack

# FIRST & FOLLOW

Пусть  $A$  – один нетерминал,  $a$  – один терминал,  $\alpha, \beta, \gamma$  – строка терминалов и нетерминалов

**Опр. 1:**  $FIRST(\alpha)$  – множество терминалов, с которых начинаются строки, выводимые из  $\alpha$ . Если из  $\alpha$  выводимо  $\epsilon$ , то  $\epsilon$  тоже входит в  $FIRST(\alpha)$ .

**Опр. 2:**  $FOLLOW(A)$  – множество терминалов  $a$ , которые могут располагаться непосредственно после (справа от)  $A$  в некоторой сентенциальной форме, то есть множество терминалов  $a$  таких, что существует порождение вида  $S \rightarrow^* \alpha A a \beta$  для некоторых  $\alpha$  и  $\beta$ .



$FIRST(A)$  содержит  $c$

$FOLLOW(A)$  содержит  $a$

	FIRST	FOLLOW
Входное значение	Любая последовательность терминалов и нетерминалов	Один нетерминал
Выходное значение	Множество терминалов и $\epsilon$	Множество терминалов и $\$$

# АЛГОРИТМ FIRST

**Опр. 3:** FIRSTForG – таблица, содержащая значения функции FIRST, вычисленные для каждого символа грамматики (терминала и нетерминала)

## Алгоритм 1: функция FIRST( $\alpha$ )

1. если  $\alpha = \varepsilon$ , то возвращаем  $\varepsilon$
2. если  $\alpha$  – одиночный терминал/нетерминал  $a$ , то возвращаем FIRSTForG[ $\alpha$ ]
3. пусть  $\alpha = X_1X_2X_3 \dots X_n$ , где  $X_i$  – произвольный терминал или нетерминал G:
  - a) добавляем к результату все терминалы из FIRST( $X_1$ ); если  $\varepsilon$  входит в FIRST( $X_1$ ), то переходим к шагу (b), если нет, то выходим из функции FIRST с накопленным результатом
  - b) добавляем к результату все терминалы из FIRST( $X_2$ ); если  $\varepsilon$  входит в FIRST( $X_2$ ), то переходим к шагу (c), если нет, то выходим из функции FIRST с накопленным результатом
  - c) ...
  - d) добавляем к результату все терминалы из FIRST( $X_n$ ); **если  $\varepsilon$  входит в FIRST( $X_n$ ), то добавляем  $\varepsilon$  в результат**, иначе просто выходим из функции FIRST с накопленным результатом



# АЛГОРИТМ FIRST

**Алгоритм 2:** вычисление значений функции FIRST для всех символов грамматики  
(алгоритм заполнения таблицы FIRSTForG)

1. для каждого терминала  $x$  в грамматике  $G$  добавляем в  $\text{FIRSTForG}[x]$  множество  $\{x\}$ , состоящее из одного этого терминала
2. для каждого правила вида  $A \rightarrow \epsilon$  добавляем  $\epsilon$  в  $\text{FIRSTForG}[A]$
3. для каждого правила грамматики  $G$  вида  $A \rightarrow \alpha$ , добавляем  $\text{FIRST}(\alpha)$  в  $\text{FIRSTForG}[A]$
4. если во время выполнения шага 3 в  $\text{FIRSTForG}$  было добавлено хотя бы одно новое значение, то переходим снова к шагу 3, иначе выходим из функции



# ПРИМЕР РАБОТЫ АЛГОРИТМА FIRST

1.  $S \rightarrow ASB$
2.  $S \rightarrow \epsilon$
3.  $A \rightarrow a$
4.  $B \rightarrow b$

Символ грамматики $x$	FIRSTForG[x]
a	
b	
A	
B	
S	



# АЛГОРИТМ FOLLOW

**Опр. 4:** FOLLOWForG – таблица, содержащая значения функции FOLLOW, вычисленные для каждого нетерминала грамматики.

**Алгоритм 3:** вычисление значений функции FOLLOW для всех нетерминалов грамматики

1. добавляем \$ в FOLLOWForG[S], где S – стартовый нетерминал грамматики G
2. для каждого правила грамматики G выполняем одно из двух действий:
  1. если правило вида  $A \rightarrow \alpha B \beta$ , то добавляем в FOLLOWForG[B] все элементы FIRST( $\beta$ ) кроме  $\epsilon$ ;
  2. если правило вида  $A \rightarrow \alpha B$  или  $A \rightarrow \alpha B \beta$ , где FIRST( $\beta$ ) содержит  $\epsilon$ , то добавляем в FOLLOWForG[B] все элементы FOLLOWForG[A];
3. если во время выполнения шага 2 в FOLLOWForG было добавлено хотя бы одно новое значение, то переходим снова к шагу 2, иначе выходим из функции



# ПРИМЕР РАБОТЫ АЛГОРИТМА FOLLOW

1.  $S \rightarrow ASB$
2.  $S \rightarrow \epsilon$
3.  $A \rightarrow a$
4.  $B \rightarrow b$

Символ грамматики $x$	FOLLOWForG[x]
A	
B	
S	





# УПРАЖНЕНИЕ

## Упражнение 1

Построить *FIRST* и *FOLLOW* для следующей грамматики:

$S \rightarrow A c \mid B b \mid S C a b$

$A \rightarrow a \mid b B \mid C$

$B \rightarrow A C \mid d$

$C \rightarrow a S \mid C d B d \mid A B \mid \varepsilon$



# LL(1)-ГРАММАТИКА

**Опр. 5:** LL(1) – грамматика – это грамматика нисходящего синтаксического анализатора, которому на каждом шаге работы для выбора очередной продукции (правила) грамматики достаточно просматривать один символ входной ленты.

Грамматика принадлежит классу LL(1) тогда и только тогда, когда для любых двух различных правил  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$  выполняются следующие три условия:

1. Не существует такого терминала  $a$ , для которого и  $\alpha$ , и  $\beta$  порождают строку, начинающуюся с  $a$ .
2. Пустую строку может породить не более чем одна из продукций  $\alpha$  или  $\beta$ .
3. Если  $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$ , то  $\alpha$  не порождает ни одну строку, начинающуюся с терминала из FOLLOW(A). Аналогично, если  $\alpha \xRightarrow{*} \varepsilon$ , то  $\beta$  не порождает ни одну строку, начинающуюся с терминала из FOLLOW(A).



# ПРЕДИКТИВНЫЙ АНАЛИЗАТОР

**Опр. 6:** Предиктивный синтаксический анализатор – это такой нисходящий синтаксически анализатор, который работает без возвратов.

Пример:

...

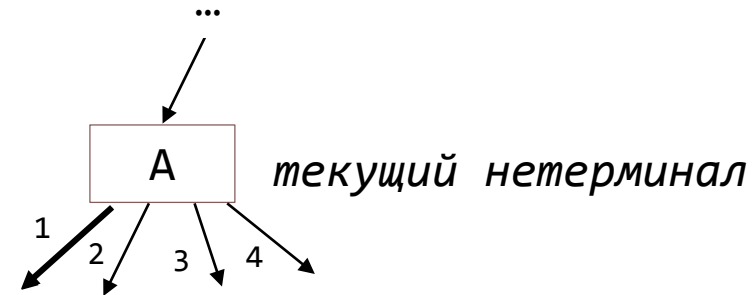
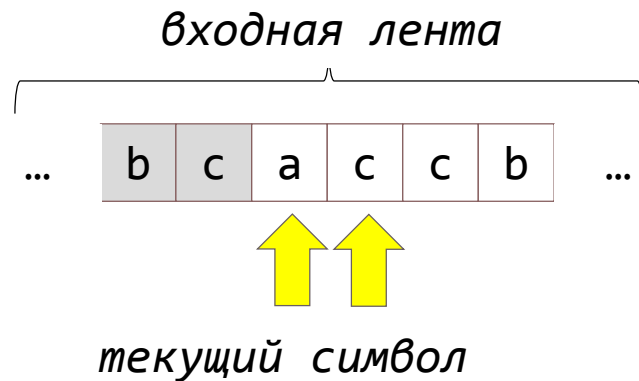
1)  $A \rightarrow aXYc$

2)  $A \rightarrow aDc$

3)  $A \rightarrow aXAbc$

4)  $A \rightarrow \varepsilon$

...



- синтаксический анализатор, работающий с возвратами, будет пробовать каждую альтернативу, пока либо они не закончатся, либо не будет найдена правильная
- если среди предложенных правильной альтернативы нет, то анализатор поднимется по дереву вверх, пока не найдет узел, в котором есть еще неиспробованные альтернативы

**Предиктивный анализатор** на каждом шаге знает, какую единственно правильную альтернативу нужно выбрать. Если она не подходит, то слово не принадлежит распознаваемому языку.



# АЛГОРИТМ ПОСТРОЕНИЕ АМП СА

**Алгоритм 4:** построение таблицы АМП предиктивного синтаксического анализатора

1. для каждого правила  $A \rightarrow \alpha$  грамматики  $G$  выполняем:
  1. для каждого терминала  $a$  из  $FIRST(\alpha)$  добавляем  $Rep(\alpha^T), R$  в ячейку  $M[A][a]$
  2. если  $\varepsilon$  входит в  $FIRST(\alpha)$ , то для каждого символа  $b$  из  $FOLLOW(A)$  добавляем  $Rep(\alpha^T), R$  в  $M[A][b]$
2. для каждого терминала  $x$  грамматики  $G$  добавляем  $Pop, A$  в ячейку  $M[x][x]$
3. добавляем **Accept** в ячейку  $M[\blacktriangledown][\$]$
4. добавляем **Error** во все оставшиеся пустые ячейки



# УПРАЖНЕНИЯ



# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 2

*Построить АМП СА для следующей грамматики*

1.  $E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$
2.  $T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$
3.  $F \rightarrow id \mid (E)$

## Упражнение 3

*Построить АМП СА для следующей грамматики:*

1.  $S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S S' \mid a$
2.  $S' \rightarrow \text{else } S \mid \varepsilon$
3.  $E \rightarrow b$

## Упражнение 4

*Построить АМП СА для следующей грамматики:*

1.  $\text{IfStmt} \rightarrow \text{Matched}$
2.  $\text{IfStmt} \rightarrow \text{Unmatched}$
3.  $\text{Matched} \rightarrow \text{if ( Expr ) Matched else Matched}$
4.  $\text{Matched} \rightarrow \text{OtherStmt}$
5.  $\text{Unmatched} \rightarrow \text{if ( Expr ) Stmt}$
6.  $\text{Unmatched} \rightarrow \text{if ( Expr ) Matched else Unmatched}$

