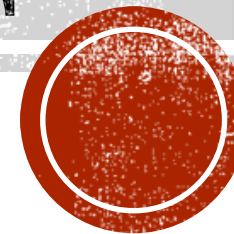


# ЯЗЫКИ ПРОГРАММИРОВАНИЯ И МЕТОДЫ ТРАНСЛЯЦИИ

Лекции 12-13

*4 мая 2018 г.*

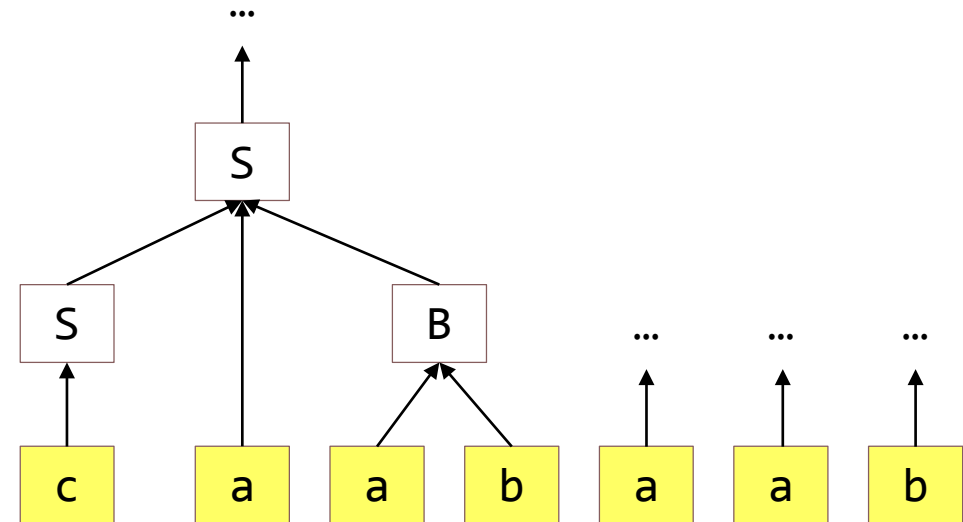
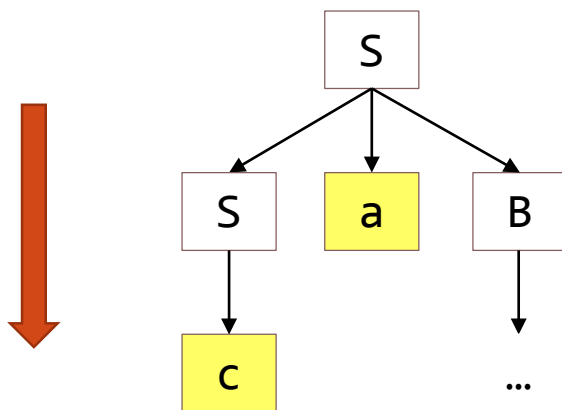


# СИНТАКСИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

*нисходящий*

$S \rightarrow S a B$   
 $S \rightarrow c$   
 $B \rightarrow a b$

*восходящий*



	СТЕК	ВХОД
нач.	▼ S	w\$
кон.	▼	\$

	СТЕК	ВХОД
нач.	▼	w\$
кон.	▼ S	\$



# ОБОСНОВАНИЕ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ

- LR-анализаторы могут быть созданы для распознавания практически всех конструкций языков программирования, для которых может быть написана контекстно-свободная грамматика.
- Класс грамматик, которые могут быть проанализированы с использованием LR-методов, представляет собой надмножество класса грамматик, которые могут быть проанализированы с использованием предиктивных или LL-методов синтаксического анализа.

**Основной недостаток:** построение LR-анализатора для грамматики типичного языка программирования вручную требует очень большого объема работы.



# ТИПЫ LR-АНАЛИЗАТОРОВ

- **SLR (Simple)** – анализаторы (самый простой, таблица небольшая)
- **Канонические LR** анализаторы (самый сложный, таблица большая)
- **LALR (Look Ahead)** – анализаторы с предпросмотром (средней сложности, таблица небольшая)



# ВОСХОДЯЩИЙ СИНТАКСИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

**Опр. 1:** *ПС-анализ* – разновидность восходящего анализа, основывающаяся на двух операциях – Переносе и Свертке, в котором для хранения символов грамматики используется стек, а для остающейся части входной строки – входная лента.

**Опр. 2:** *Перенос* – процесс переноса символа с входной ленты на стек.

**Опр. 3:** *Свертка* – замена символов на вершине стека одним нетерминалом в соответствии с каким-либо правилом грамматики.



# ВОСХОДЯЩИЙ СИНТАКСИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

$S \rightarrow S a B$   
 $S \rightarrow c$   
 $B \rightarrow a b$

$S \Rightarrow \underline{S a B} \Rightarrow$   
 $\Rightarrow S a \underline{a b} \Rightarrow$   
 $\Rightarrow \underline{S a B} a a b \Rightarrow$   
 $\Rightarrow S a \underline{a b} a a b \Rightarrow$   
 $\Rightarrow \underline{c} a a b a a b$

Правый вывод,  
поэтому LR-анализ

**Опр. 4:** Последовательность «сворачиваемых» символов грамматики называется *основой*.



# ПРИМЕР

1.  $S \rightarrow S a B$
2.  $S \rightarrow c$
3.  $B \rightarrow a b$

СТЕК	ЛЕНТА	ДЕЙСТВИЕ
▼	caabaab\$	сдвиг
▼c	aabaab\$	свертка по правилу 2
▼S	aabaab\$	сдвиг
▼Sa	abaab\$	сдвиг
▼Saa	baab\$	сдвиг
▼Saab	aab\$	свертка по правилу 3
▼SaB	aab\$	свертка по правилу 1
▼S	aab\$	сдвиг
▼Sa	ab\$	сдвиг
▼Saa	b\$	сдвиг
▼Saab	\$	свертка по правилу 3
▼SaB	\$	свертка по правилу 1
▼S	\$	принять

# ОШИБКИ ВОСХОДЯЩЕГО ПС-РАЗБОРА

S → S a B  
S → a  
B → a b

▼ aaab\$  
▼a aab\$  
▼S aab\$  
▼Sa ab\$  
▼SS ab\$ свертка?  
ИЛИ  
▼Saa b\$ сдвиг?

S → S A  
S → a  
A → a

▼ aaab\$  
▼a aab\$  
▼S aab\$ свертка 2?  
ИЛИ  
▼A aab\$ свертка 3?

**Опр. 5: Конфликт «сдвиг/свертка» (shift/reduce)** – когда анализатор не может выбрать, сдвигать или сворачивать.

**Опр. 6: Конфликт «свертка/свертка» (reduce/reduce)** – когда анализатор не может выбрать, по какому правилу сворачивать.



# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 1

*Для заданной грамматики и каждой конфигурации стека определите основу:*

- |                          |                   |                    |
|--------------------------|-------------------|--------------------|
| 1. $S \rightarrow S A b$ | (a) $\nabla SSAb$ | (b) $\nabla SSbbc$ |
| 2. $S \rightarrow a c b$ |                   |                    |
| 3. $A \rightarrow b B c$ | (c) $\nabla SbBc$ | (d) $\nabla Sbbc$  |
| 4. $A \rightarrow b c$   |                   |                    |
| 5. $B \rightarrow b a$   |                   |                    |
| 6. $B \rightarrow A c$   |                   |                    |



# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 2

*Для заданной грамматики и слова выпишите последовательность состояний стека и ленты во время ПС-разбора:*

1.  $S \rightarrow S a B$       Слово: `acbbcb`
2.  $S \rightarrow c$
3.  $B \rightarrow a b$



# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 3

*Для заданной грамматики и каждого слова определите, возникнет ли конфликт во время разбора и если да, то какого типа:*

1.  $S \rightarrow S a b$       (a) bc
2.  $S \rightarrow b A$       (b) bbcab
3.  $A \rightarrow b b$       (c) bacb
4.  $A \rightarrow b A$
5.  $A \rightarrow b b c$
6.  $A \rightarrow c$

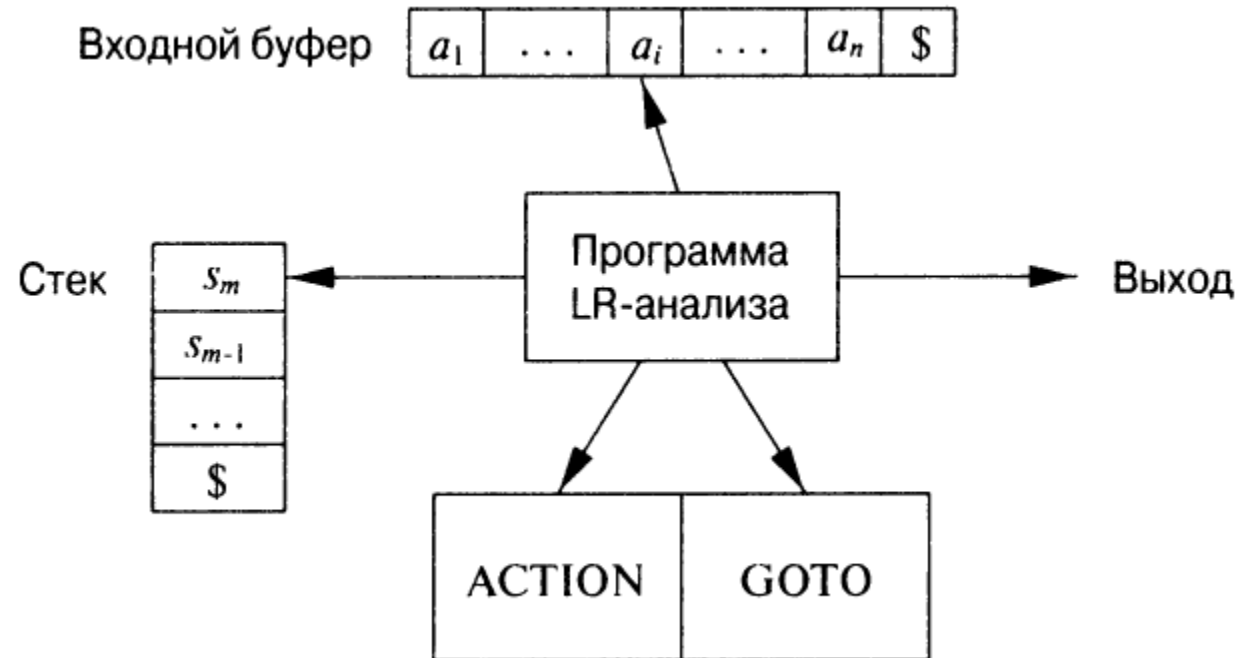


# ТАБЛИЧНЫЙ ПС-АНАЛИЗ

**Опр. 7:** *Табличный ПС-анализатор* – анализатор, работа которого управляется двумя таблицами: таблицей действий (**Action table**) и переходов (**Goto table**).

**Опр. 8:** *Таблица действий* определяет, нужно ли производить Сдвиг или Свертку, а если Свертку, то по какому правилу.

**Опр. 9:** Таблица переходов определяет, какой символ необходимо положить на стек после свертки.



# АЛГОРИТМ РАБОТЫ ТАБЛИЧНОГО ПС-АНАЛИЗА

В начале – на стеке  $\nabla$ , на ленте – слово  $w$ , заканчивающееся  $\$$

1. В таблице Действий (**Action**), используя символ на ленте для столбца и символ на стеке для строки, находим ячейку с **действием**.
2. Если **действие** – это сдвиг  $S$ , то
  - а) Кладем символ с ленты на стек и сдвигаем указатель на ленте на один символ
3. Если **действие** – это свертка  $R_n$ , то
  - а) Находим **Правило №n** грамматики, по которому производится свертка
  - б) Символы в правой части этого **Правила** должны также лежать на вершине стека – снимаем их все со стека (если это не так – ошибка)
  - с) В таблице Переходов (**Goto**), используя нетерминал в левой части **Правила** для столбца и символ, лежащий сейчас на вершине стека, для строки, находим ячейку с нетерминальным символом. Кладем его на стек.
4. Если это **действие** – пустое, то выдаем сообщение об ошибке
5. Если это **действие** – Ассерт, то завершаем работу с успехом
6. Идем на шаг 1 и повторяем все заново.



1. Expr  $\rightarrow$  Expr + Term
2. Expr  $\rightarrow$  Term
3. Term  $\rightarrow$  Term \* Factor
4. Term  $\rightarrow$  Factor
5. Factor  $\rightarrow$  ( Expr )
6. Factor  $\rightarrow$  var

**Action Table**

**Goto Table**

	<b>Expr</b>	<b>Term</b>	<b>Factor</b>
▼	Expr1	Term2	Factor4
Expr1			
Term1			
Factor3			
(	Expr5	Term2	Factor4
Expr5			
)			
+		Term1	Factor4
Term2			
*			Factor3
Factor4			
var			

	<b>+</b>	<b>*</b>	<b>(</b>	<b>)</b>	<b>var</b>	<b>\$</b>
▼			S		S	
Expr1	S					ACC
Term1	R1	S		R1		R1
Factor3	R3	R3		R3		R3
(			S		S	
Expr5	S			S		
)	R5	R5		R5		R5
+			S		S	
Term2	R2	S		R2		R2
*			S		S	
Factor4	R4	R4		R4		R4
var	R6	R6		R6		R6

# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 4

*Для табличного анализатора с предыдущего слайда и для выражения  
 $var + var * var$   
нарисуйте последовательность состояний стека и входной ленты с  
указанием выбираемых на каждом шаге действий и переходов.*



# LR(0)-СИТУАЦИИ И LR(0)-АВТОМАТ

**Опр. 10:** *LR(0)-ситуация (пункт, состояние)* грамматики  $G$  – это правило  $G$  с точкой в некоторой позиции правой части.

## Пример 1:

Правило  $A \rightarrow XYZ$  дает четыре LR(0)-ситуации:

$A \rightarrow \cdot XYZ$

$A \rightarrow X \cdot YZ$

$A \rightarrow XY \cdot Z$

$A \rightarrow XYZ \cdot$

**Опр. 11:** *Канонический набор множеств (КНМ) LR(0)-ситуаций* – это набор, строящийся по расширенной грамматике  $G'$  с использованием операций CLOSURE и GOTO.

**Опр. 12:** Для грамматики  $G$  со стартовым символом  $S$  *расширенная грамматика  $G'$*  представляет собой  $G$  с новым стартовым символом  $S'$  и продукцией  $S' \rightarrow S$ .



# АЛГОРИТМ CLOSURE

Пусть  $I$  – множество ситуаций грамматики  $G$ .

1. Изначально в  $CLOSURE(I)$  добавляются все ситуации из  $I$
2. Если  $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta]$  входит в  $CLOSURE(I)$ , а  $B \rightarrow \gamma$  является правилом  $G$ , то в  $CLOSURE(I)$  добавляется ситуация  $[B \rightarrow \cdot \gamma]$ , если ее еще там нет
3. Повторяем 2 до тех пор, пока не останется ситуаций, которые можно добавить в  $CLOSURE(I)$

**Пример 2:**

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T \quad | \quad T$

$T \rightarrow T * F \quad | \quad F$

$F \rightarrow ( E ) \quad | \quad id$

Пусть  $I = \{[E' \rightarrow \cdot E]\}$ , тогда  $CLOSURE(I) =$

$\{ [E' \rightarrow \cdot E], [E \rightarrow \cdot E + T],$

$[E \rightarrow \cdot T], [T \rightarrow \cdot T * F],$

$[T \rightarrow \cdot F], [F \rightarrow \cdot ( E )], [F \rightarrow \cdot id] \}$



# АЛГОРИТМ GOTO

**Опр. 13:** Пусть  $I$  – множество ситуаций грамматики  $G$ , а  $X$  – символ грамматики  $G$ . Тогда  $GOTO(I, X)$  определяется как замыкание всех ситуаций  $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta]$ , таких, что  $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta]$  находится в  $I$ .

**Пример 3:**

Пусть  $I = \{[E' \rightarrow E \cdot], [E \rightarrow E \cdot + T]\}$ . Тогда  $GOTO(I, +)$  содержит ситуации:

{  $[E \rightarrow E + \cdot T]$ ,  
   $[T \rightarrow \cdot T * F]$ ,  
   $[T \rightarrow \cdot F]$ ,  
   $[F \rightarrow \cdot ( E )]$ ,  
   $[F \rightarrow \cdot id]$  }



# АЛГОРИТМ ПОСТРОЕНИЯ КНМ LR(0)-СИТУАЦИЙ

$C = \text{CLOSURE}(\{[S' \rightarrow \cdot S]\})$

повторять пока нет новых множеств пунктов для добавления в  $C$

для каждого множества пунктов  $I$  в  $C$

для каждого символа  $X$  грамматики  $G$

если множество  $\text{GOTO}(I, X)$  не пустое и не входит в  $C$

добавить  $\text{GOTO}(I, X)$  в  $C$



# ПРИМЕР

## Пример 4:

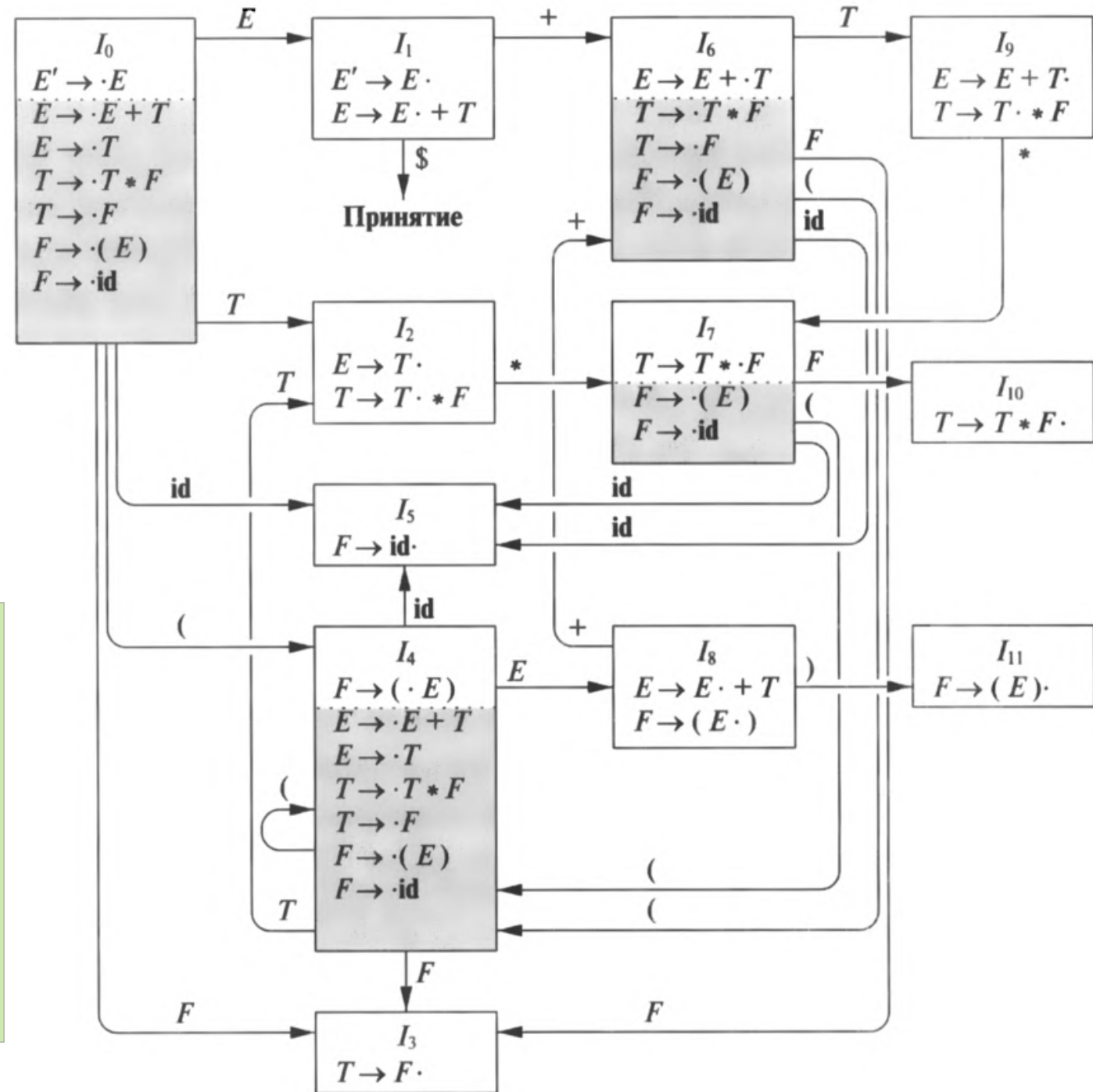
$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T \quad | \quad T$

$T \rightarrow T * F \quad | \quad F$

$F \rightarrow ( E ) \quad | \quad id$

**Опр. 14:** КНМ вместе с функцией **ГОТО** образуют **LR(0)-автомат**. Состояниями этого автомата являются множества **LR(0)-ситуаций** из канонического набора, а переходы определяются функцией **ГОТО**.



# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 5

*Постройте КНМ LR(0)-ситуаций для следующей грамматики:*

$$\begin{aligned} S &\rightarrow L = R \mid R \\ L &\rightarrow * R \mid id \\ R &\rightarrow L \end{aligned}$$


# SLR-АНАЛИЗ

**Опр. 15:** SLR-анализатор использует LR(0)-автомат для заданной грамматики G для построения таблиц Действий и Переходов.

## Пример 5:

- 1)  $E' \rightarrow E$
- 2)  $E \rightarrow E + T$
- 3)  $E \rightarrow T$
- 4)  $T \rightarrow T * F$
- 5)  $T \rightarrow F$
- 6)  $F \rightarrow ( E )$
- 7)  $F \rightarrow id$

**Строка:**  $id * id \$$

	Стек	Вход	Действие
0	\$	id * id \$	S5
0 5	\$ id	* id \$	R7
0 3	\$ F	* id \$	R5
0 2	\$ T	* id \$	S7
0 2 7	\$ T *	id \$	S5
0 2 7 5	\$ T * id	\$	R7
0 2 7 10	\$ T * F	\$	R4
0 2	\$ T	\$	R3
0 1	\$ E	\$	Accept



# АЛГОРИТМ ПОСТРОЕНИЯ SLR-ТАБЛИЦЫ

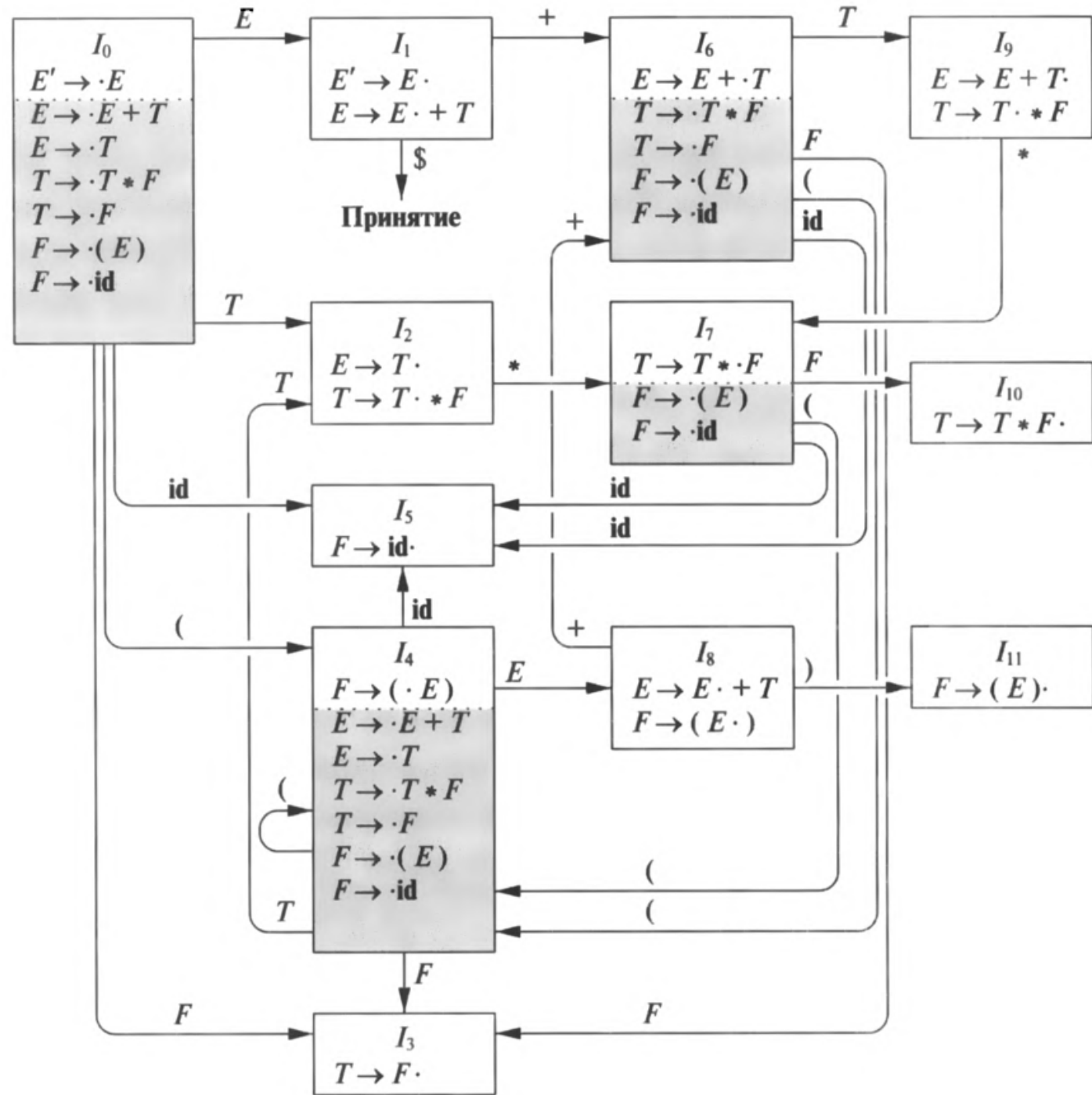
1. Строим  $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$  – КНМ LR(0)-пунктов
2. Из  $I_i$  строим состояние  $i$ , для которого определяем действия:
  - а) Если  $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta] \in I_i$  и  $GOTO(I_i, a) = I_j$ , то  $ACTION[i, a] = \text{«}S_j\text{»}$ . Здесь  $a$  должно быть терминалом.
  - б) Если  $[A \rightarrow \alpha \cdot] \in I_i$ , то  $ACTION[i, a] = \text{«}R_n\text{»}$ , где  $n$  – номер правила  $A \rightarrow \alpha$  в грамматике  $G$ , для всех терминалов  $a$  из  $FOLLOW(A)$ . Здесь  $A$  не должно быть равно  $S'$
  - в) Если  $[S' \rightarrow S \cdot] \in I_i$ ,  $ACTION[i, \$] = \text{«}Accept\text{»}$
3. Переходы для состояния  $i$  строим для всех нетерминалов  $A$ : если  $GOTO(I_i, A) = I_j$ , то  $GOTO[i, A] = j$
4. Все записи, не определенные правилами 2 и 3 – ошибочные.
5. Начальное состояние содержит ситуацию  $[S' \rightarrow \cdot S]$



# ПРИМЕР

## Пример 4:

$E'$	$\rightarrow$	$E$	
$E$	$\rightarrow$	$E + T$	$T$
$T$	$\rightarrow$	$T * F$	$F$
$F$	$\rightarrow$	$( E )$	$id$





# УПРАЖНЕНИЯ

## Упражнение 6

*Построить  $SLR$ -таблицу для грамматики из примера 4.*

## Упражнение 7

*Для полученной в упр. 4  $SLR$ -таблицы и строки  $(id + id) * id$  написать последовательность состояний стека и входной ленты, а также применяемые  $SLR$ -автоматом действия.*

